2019

Kenny Minh Tam Le, George Dawood & Nikolaj Simon Sørensen

Aarhus Gymnasium

07-04-2019

Matematik - Projekt broer

Indhold

[Problemformulering 2](#_Toc3541142)

# Problemformulering

Denne rapport indeholder besvarelser på en række spørgsmål om broer. I opgave 1 regner vi på Alssundbroen, og i opgave 2 regner vi på en bro over Aarhus Å. Formål med rapporten er at anvende analytisk plangeometri til at besvare de givne spørgsmål.

Vi vil bl.a. opstille ligninger, længder og koordinatsæt til dele af broer. Med dette menes at vi vil opstille ligninger og radius for cirkler til broer, bestemme koordinatsæt til punkter på broer, bestemmer længder på broers sider med mere.

# Matematisk indhold

## Opgave 1 - Alssundbroen



Figur 1 - skematisk tegning af broen med tilkørselsveje set fra side



Figur 2 - Vejens opbygning af cirkler og linjestykker

For broen gælder det at:

*Vejen er symmetrisk om y-aksen*

*Vandoverfladen svarer til x-aksen*

*Højden af broen (y-koordinaten) er 36.8 meter*

*AB, CD, EF og GH er rette linjestykker.*

*BC, DE, FG er cirkelbuer.*

*y-koordinaterne til punkterne F og G er ens.*

*Radius i midtercirklen er 8000 meter.*

*I overgangen mellem linje og cirkel er linjen en tangent til cirklen*

### Bestem en ligning for cirklen, som indeholder buen DE

Cirklen, som indeholder buen DE svarer til den røde cirkel på nedenstående billede.



Figur 3 - Illistration af hvilken cirkels ligning, der skal findes

Generelt for cirklers ligning gælder det at:

Der kendes kun radius, som på forhånd i opgavebeskrivelsen er givet ved . Nu mangler kun centrum for at kunne bestemme cirklens ligning.

Som det kan aflæses på figur 1, ligger centrum på y-aksen. Det vil sige at . Centrums y-værdi kan findes da broens højde over vandoverfladen kendes idét den er meter. Radius kendes også, . Den kan bruges da den går fra centrum til broens højde, altså er og broens højde over hinanden, og har samme x-værdi. Y-værdien af svarer derfor til broens højde over vandet minus cirklens radius, hvilket illustrativt svarer til at finde den grønne linje, som svarer til den røde linje minus den gule linje på nedenstående figur.



Figur 4 - Illustration af linjerne for cirkel 2

Y-værdien af bestemmes altså således:

Nu kendes hele centrums y-koordinat

Centrum og radius indsættes i cirklens ligning for at finde den endelige ligning for cirklen:

**Det kan på baggrund af ovenstående beregninger konkluderes at ligningen for cirklen, der indeholder buen DE er**

### Bestem koordinatsættet for punktet E

Det aflæses at

For at få y, kan den isoleres i cirklens ligning, som vi fandt i ovenstående opgave. Det kan den fordi E ligger på cirkelperiferien.

Der er følgende ligning for cirklen fra opg. A:

Den kendte værdi, E’s x-værdi, indsættes:

*Ligningen løses for y vha. CAS-værktøjet WordMat.*

**Det kan på baggrund af ovenstående beregninger konkluderes at punkt )**

### Bestem længden af buestykket DE

Længden I af buestykket defineres ved:

Radius kendes, men ikke vinklen. Vinklen fås ved at omskrive formlen for kordelængden

Korden er dog ikke kendt, men da vi ved at den svarer til afstanden fra D til E kan afstandsformlen bruges. Da tegningen er symmetrisk over y-aksen, ved vi at D’s koordinatsæt er det samme som E’s koordinatsæt , bare med negativt x-koordinat. .

Afstanden findes vha. afstandsformlen:

De kendte værdier indsættes og stykket regnes:

Korden er derfor 544 og vinklen kan derfor findes:

Den nyfundne vinkel kan derfor plottes ind i formlen for buesktykket:

**Det kan på baggrund af ovenstående beregninger konkluderes at længden af buestykket DE er 544.1 meter**

### Bestem en ligning for hver af de rette linjer, der indeholder henholdsvis linjestykkerne EF og CD

### Bestem koordinaterne til punkterne F og C

### Bestem radius i cirklerne (, der indeholder buerne BC og FG

### Bestem længden af hele vejlinjen fra A til H

**5)**         **Konklusion:**

-         En kort og overskuelig opsummering af de opnåede resultater

     (svarene på de spørgsmål du stillede i problemformuleringen).

- Vurdering og kritik af resultaterne og metoderne der er brugt

-         Gerne udbygget med en vurdering af konsekvenserne af

     rapportens resultat (fører svarene nye spørgsmål med sig).

# Formeloversigt



# Litteraturliste